

**PROBLEMA 1****100 puncte****BINAR**

Ionel a învățat recent la Informatică reprezentarea numerelor în baza 2. Pentru a le aprofunda cunoștințele, profesorul său a inventat următoarea problemă:

Dintr-un fișier text se citește un șir de  $N$  valori de 1 0 și -1. Valoarea -1 are semnificația de terminare a unui număr, iar valorile de 0 și 1 reprezintă cifrele în baza 2 a câte unui număr natural. Să se determine primele  $NR$  valori codificate, cu numerele de apariții cât mai mari.

**Date de intrare:**

Fișierul binar.in cu următoarea structura:

- pe prima linie numerele  $N$  și  $NR$  cu semnificația din enunț.
- pe a doua linie  $N$  valori de 1, 0 sau -1.

**Date de ieșire:**

Fișierul binar.out va conține perechi distincte de numere  $X$   $AP$  cu semnificația  $X$  - valoarea codificată în baza 10,  $AP$  - numărul de apariții ale valorii  $X$ , pe fiecare linie câte o pereche despărțită printr-un spațiu. Perechile vor fi afișate în ordinea descrescătoare a valorii  $AP$ , iar la valori egale, în ordinea descrescătoare a valorii lui  $X$ .

**Restricții și precizări:**

- $10 \leq N \leq 100000$ ,  $1 \leq NR \leq 3$ .
- Înaintea fiecărei valori de -1 se găsește cel puțin o valoare de 0 sau 1.
- Numerele codificate astfel sunt mai mici decât 1000 în baza 10.
- Se poate ca la stânga unui număr codificat să fie doar valori de 0.
- În șir sunt codificate cel puțin 3 valori distincte.
- Șirul de valori se încheie cu o valoare de -1.

**Exemplu:**

binar.in	binar.out	Explicatie
19 3 1 0 -1 1 -1 1 0 -1 1 1 -1 1 0 1 -1 1 0 1 -1	5 2 2 2 3 1	Numerele codificate sunt: 1 apare odată, 2 apare de 2 ori, 3 apare odată și 5 apare de 2 ori. Sunt afișate primele 3 în ordinea descrescătoare a numărului de apariții. Numerele 2 și 5 care au același număr de apariții se afișează în ordinea descrescătoare a valorii lor.

**Timpe maxim de execuție: 1 secundă/test.**

**Memorie totală disponibilă: 2 MB, din care 2 MB pentru stivă**

**Dimensiunea maximă a sursei: 5 KB**

## PROBLEMA 2

100 puncte

## COPACI

Pe un teren dreptunghiular de dimensiuni  $m$  și  $n$ , din loc în loc sunt plantați copaci. Pentru fiecare copac se cunosc rândul și coloana pe care este plantat, între ei fiind spații neplantate. Doi copaci se consideră **consecutivi** dacă mergând pe coloane, *numai de la nord către sud*, între ei sunt doar spații neplantate.

## Cerință

Să se determine cea mai mare distanță dintre doi copaci **consecutivi** și toate perechile de copaci între care există această distanță.

## Date de intrare

Fișierul **copaci.in** conține pe prima linie,  $m$ ,  $n$  și  $k$  ( $m$  numărul de rânduri,  $n$  numărul de coloane și  $k$  numărul de copaci), separate prin câte un spațiu; pe fiecare dintre următoarele  $k$  linii, câte o pereche de numere  $x$ ,  $y$  (separate prin câte un spațiu) reprezentând rândul, respectiv coloana pe care se află un copac.

## Date de iesire

Fișierul **copaci.out** va conține pe prima linie distanța maximă dintre doi copaci consecutivi, iar pe fiecare dintre următoarele linii câte patru numere întregi  $x_1$ ,  $y_1$ ,  $x_2$ ,  $y_2$  (separate prin câte un spațiu), reprezentând coordonatele (rândul și coloana) a doi copaci consecutivi între care distanța este maximă.

## Observații

- Distanța dintre doi copaci consecutivi este dată de numărul de spații neplantate dintre ei.
- Dacă sunt mai multe perechi de copaci între care distanța este maximă acestea se vor afișa în ordinea crescătoare a numărului de coloană

## Restricții

- $1 < m, n \leq 500$  și  $2 \leq k \leq 10000$

## Exemple

copaci.in	copaci.out	Explicații
3 4 2 2 4 3 4	0 2 4 3 4	Sunt 2 copaci plantați pe coloana a 4-a și între ei nu se află nici un spațiu neplatat
6 7 7 1 1 1 4 2 6 3 3 4 2 5 4 6 3	8 1 1 4 2 5 4 2 6	Sunt 7 copaci. Distanța maximă între 2 copaci consecutivi este egală cu 8. Sunt 2 perechi de copaci care se află la această distanță. Prima pereche are copacii pe coloanele 1 respectiv 2, a doua pereche are copacii pe coloanele 4 respectiv 6.

**Tim maxim de execuție: 0,3 secunde/test.**

**Memorie totală disponibilă: 2 MB, din care 2 MB pentru stivă**

**Dimensiunea maximă a sursei: 5 KB.**

### PROBLEMA 3

**100 puncte**

#### MUNȚI

Vrăjitorul Arpsod își dorește să își reamenajeze habitatul. În habitatul acestuia există  $N$  munți, fiecare cu o înălțime cunoscută. Fiind un tip cu un foarte dezvoltat simț estetic, el își dorește să remodeleze cei  $N$  munți astfel încât să obțină un număr maxim de munți cu aceeași înălțime. Arpsod are la îndemână o magie ce funcționează astfel: alege oricare doi munți, pe primul îl crește cu o unitate iar pe al doilea îl scade cu o unitate. Un munte poate ajunge la înălțimi negative ( practic se transformă într-o groapă ).

Arpsod își poate folosi magia de un număr infinit de ori.

#### Cerința:

Vrăjitorul vă cere să determinați numărul maxim de munți ce pot fi aduși la o înălțime egală.

#### Date de intrare:

Pe prima linie a fișierului *munti.in* se va afla numărul natural  $N$ , reprezentând numărul de munți existenți.

Pe cea de-a doua linie se vor afla  $N$  valori naturale separate prin spațiu, reprezentând înălțimea inițială a fiecărui munte.

#### Date de ieșire:

Fișierul *munti.out* va conține, pe prima și singura linie a fișierului, numărul maxim de munți ce pot fi aduși la o înălțime egală.

#### Restricții și precizări:

- $1 \leq N \leq 1.000.000$
- $1 \leq \text{Înălțimea inițială} \leq 1.000.000.000$

#### Exemplu:

munti.in	munti.out	Explicație
4 2 6 2 2	4	Toți munții pot fi aduși la înălțime 3, la fiecare pas scădem o unitate din muntele de înălțime 6 și adăugăm la un munte de înălțime 2

**Tim maxim de execuție: 0,5 secunde/test.**

**Memorie totală disponibilă: 2 MB, din care 1 MB pentru stivă**

**Dimensiunea maximă a sursei: 5 KB.**

## PROBLEMA 4

100 puncte

**BRAIN**

Programel a fost invitat să dea o proba de angajare la cea mai mare companie de jocuri din Catania – Brain Games. Sarcina pe ca a primit-o a fost următoarea:

Scrie un program care identifică mulțimea numerelor “bine așezate” dintr-un șir, apoi identifică cel mai mare număr care se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea determinată și cel mai mic număr natural nenul, care **nu** se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea determinată. Un număr “bine așezat” este un număr a cărui valoare coincide cu indicele poziției sale în ordinea citirii.

**Date de intrare**

În fișierul *brain.in* se afla pe prima linie un număr natural  $N$ , iar pe următoarea linie, un șir de  $N$  numere întregi separate prin spațiu.

**Date de iesire**

- Se va afișa pe prima linie a fișierului *brain.out* mulțimea numerelor “bine așezate” în ordinea crescătoare a numerelor, separate printr-un spațiu,
- pe a doua linie cel mai mare număr care se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea determinată la punctul a.
- pe a treia linie cel mai mic număr care **nu** se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea determinată la punctul a.

**Restricții și precizări:**

$1 < N < 1000000$ ;

Numerotarea pozițiilor din șir pornește de la 1.

Se garanteaza existența cel puțin a unui număr și a maxim 100000 de numere “bine așezate” .

*Se acordă 20 de puncte pentru determinarea numerelor bine așezate, 20 puncte pentru determinarea numărului maxim și 60 de puncte pentru determinarea numărului minim.*

**Exemple**

brain.in	brain.out	Explicații
10 1 2 -5 1 3 6 7 -2 9 13	1 2 6 7 9 25 4	Numere bine așezate sunt: 1 2 6 7 9 Numărul maxim este 25 3(1+2), 8(7+1), 10(1+2+7)..... se pot obține ca sumă de numere din mulțimea {1, 2, 6, 7, 9} și 4 este cel mai mic număr care nu se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea determinată
20 1 2 3 0 0 3 7 8 5 7 11 7 7 7 2 3 4 5 1 20	1 2 3 7 8 11 20 52 53	Cel mai mic număr care nu se poate obține ca sumă de numere distincte din mulțimea {1,2,3,7,8,11,20} este 53

**Timp maxim de execuție:** 0,1 secunde/test.

**Memorie totală disponibilă:** 4 MB, din care 2 MB pentru stivă

**Dimensiunea maximă a sursei:** 5 KB.